

# LABORATORIO DE FISICA I

## SESIÓN 4. FUERZA Y ENERGÍA EN UNA DIMENSIÓN. MOVIMIENTO ARMÓNICO SIMPLE

- Medida de  $F$  y elongaciones ( $F=-kx$ )

### GRÁFICA 1

- Obtención gráfica de la constante elástica  $k$  de un muelle.
- Obtención de la energía potencial como la integral de la fuerza respecto al desplazamiento:

$$U_2 - U_1 = \int_1^2 -F dx$$

### GRAFICA 2

- Dibujo de la energía potencial  $U$  y obtención gráfica de  $F$  como

$$F = -\frac{dU}{dx}$$

- Medida del periodo de un MAS y obtención de su energía cinética y potencial máxima.
- Visualización de la conservación de la energía y obtención gráfica de la energía cinética y potencial en un punto dado

# Muelles:

## Ley de Hooke

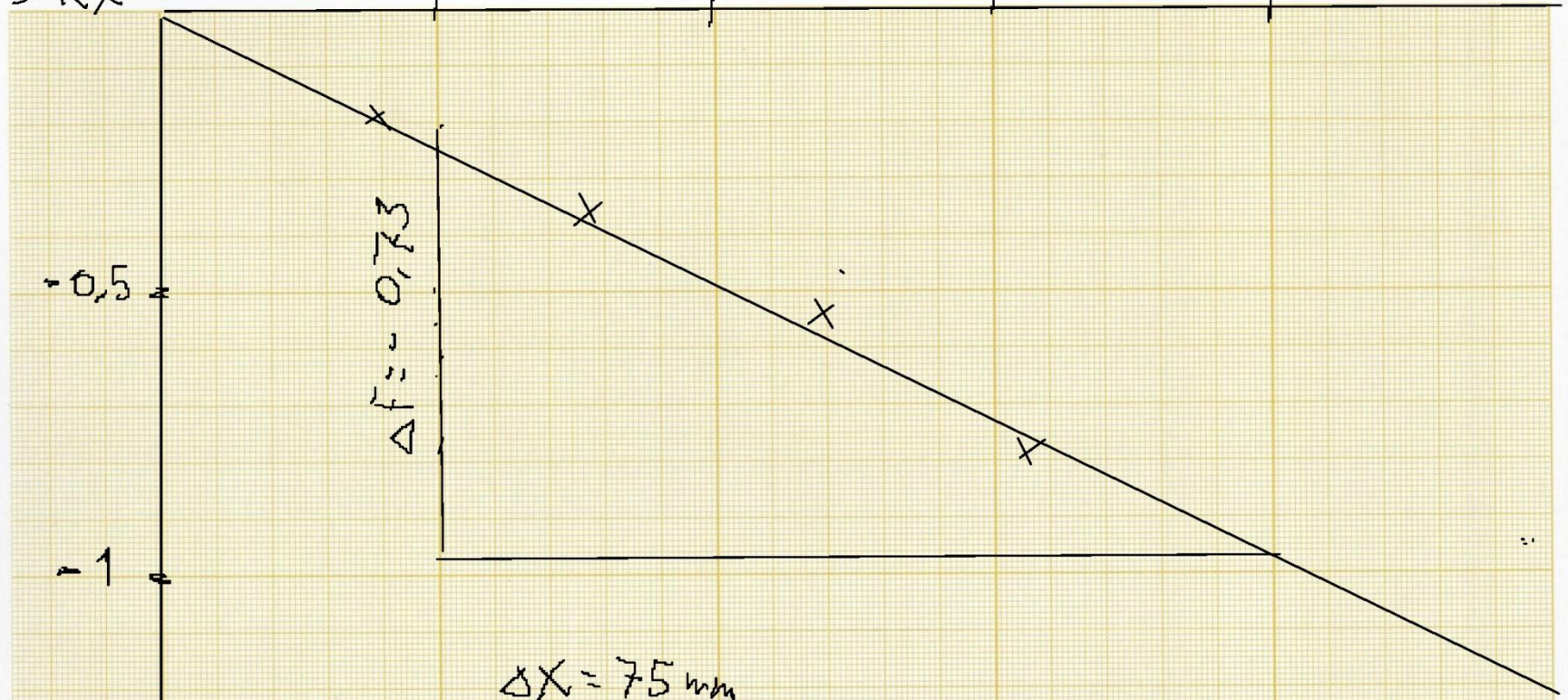
$$F = -kx$$

# SESIÓN 4. GRAFICA 1 A. OBTENCIÓN DE LA CONSTANTE ELÁSTICA

Gr: GRAFICA 1A

$$F = -kx$$

25                      50                      75                      100                      x (mm)



$$\Delta x = 75 \text{ mm}$$

$$k = -\frac{\Delta F}{\Delta x} = -\frac{-0.73 \text{ N}}{75 \text{ mm}} \frac{10^3 \text{ mm}}{1 \text{ m}} \Rightarrow k = 9.7 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

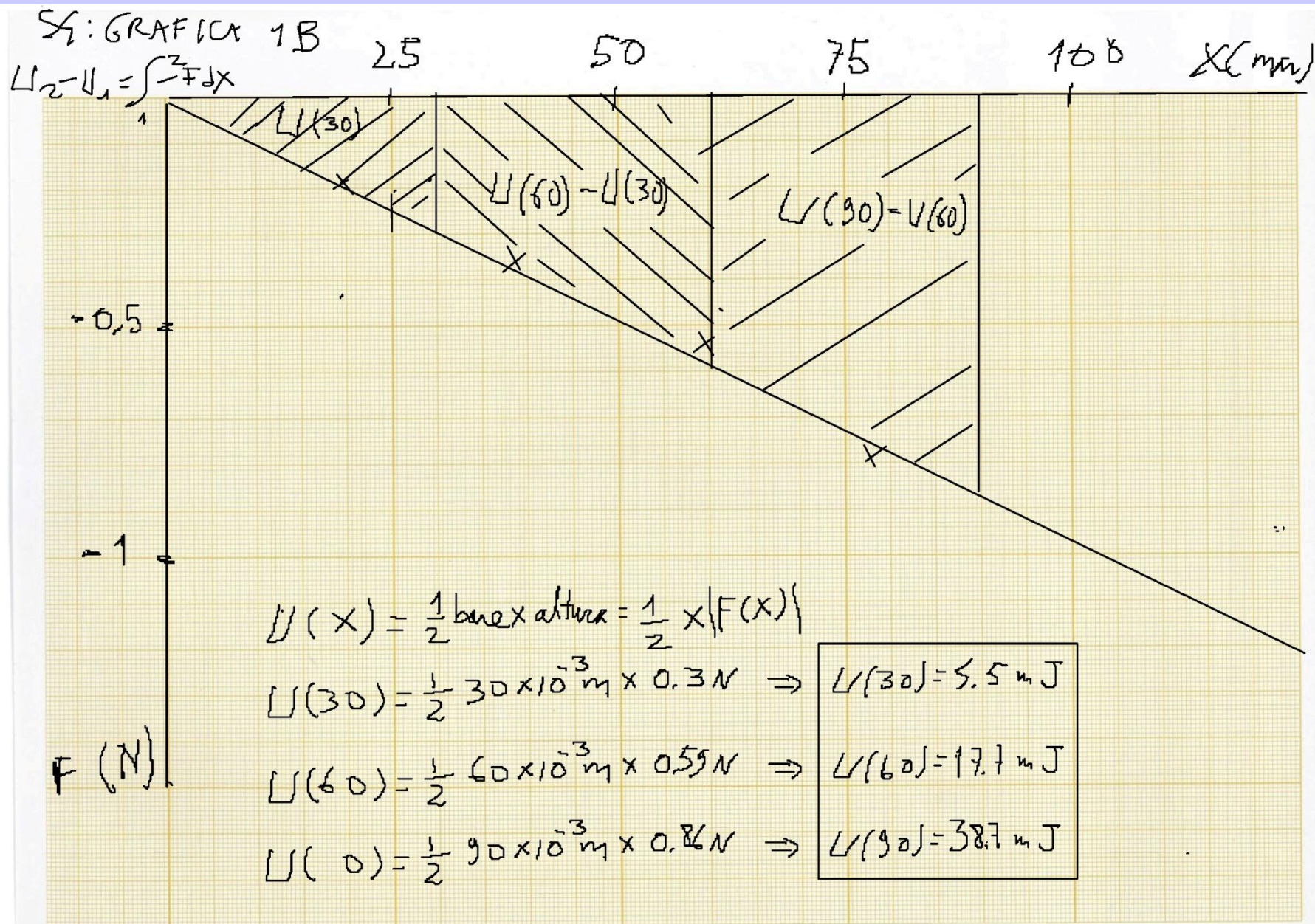
F (N)

# Energía potencial

$$W_{12} = \int_1^2 F dx = U_1 - U_2 \Rightarrow$$

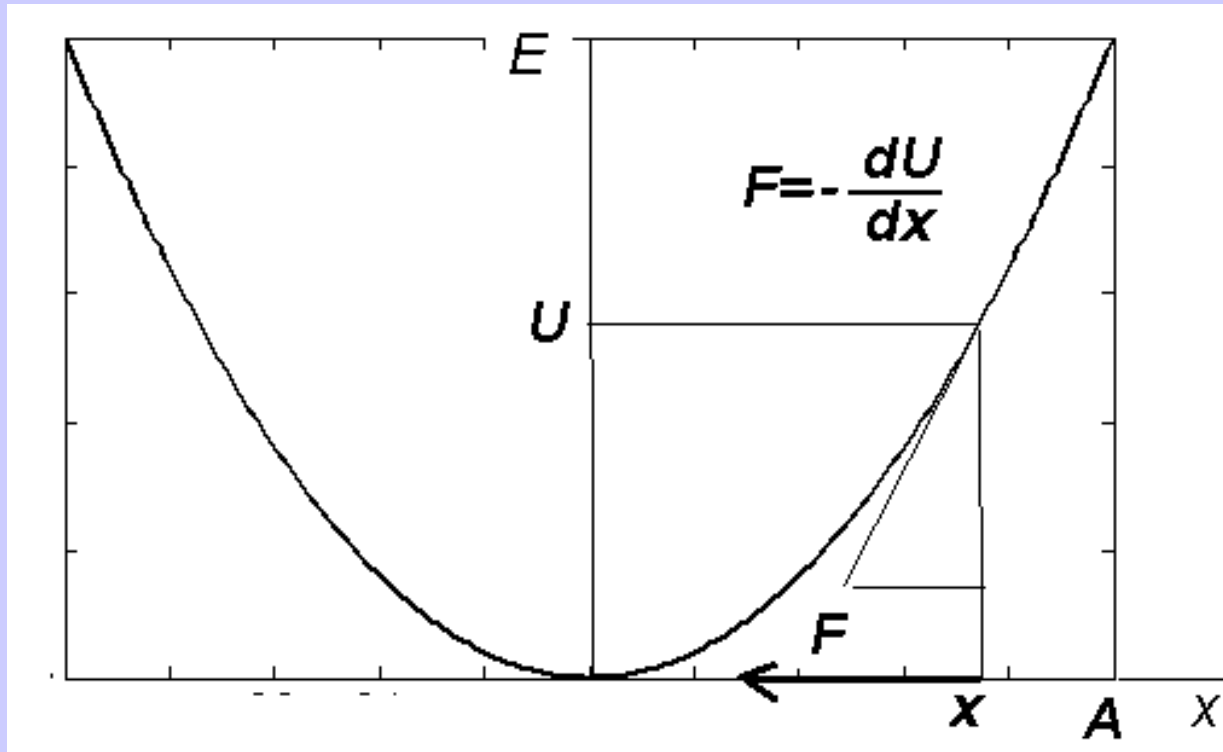
$$U_2 - U_1 = \int_1^2 -F dx$$

# SESIÓN 4. GRAFICA 1 B. OBTENCIÓN DE LA ENERGÍA POTENCIAL



# Energía y fuerza en una dimensión

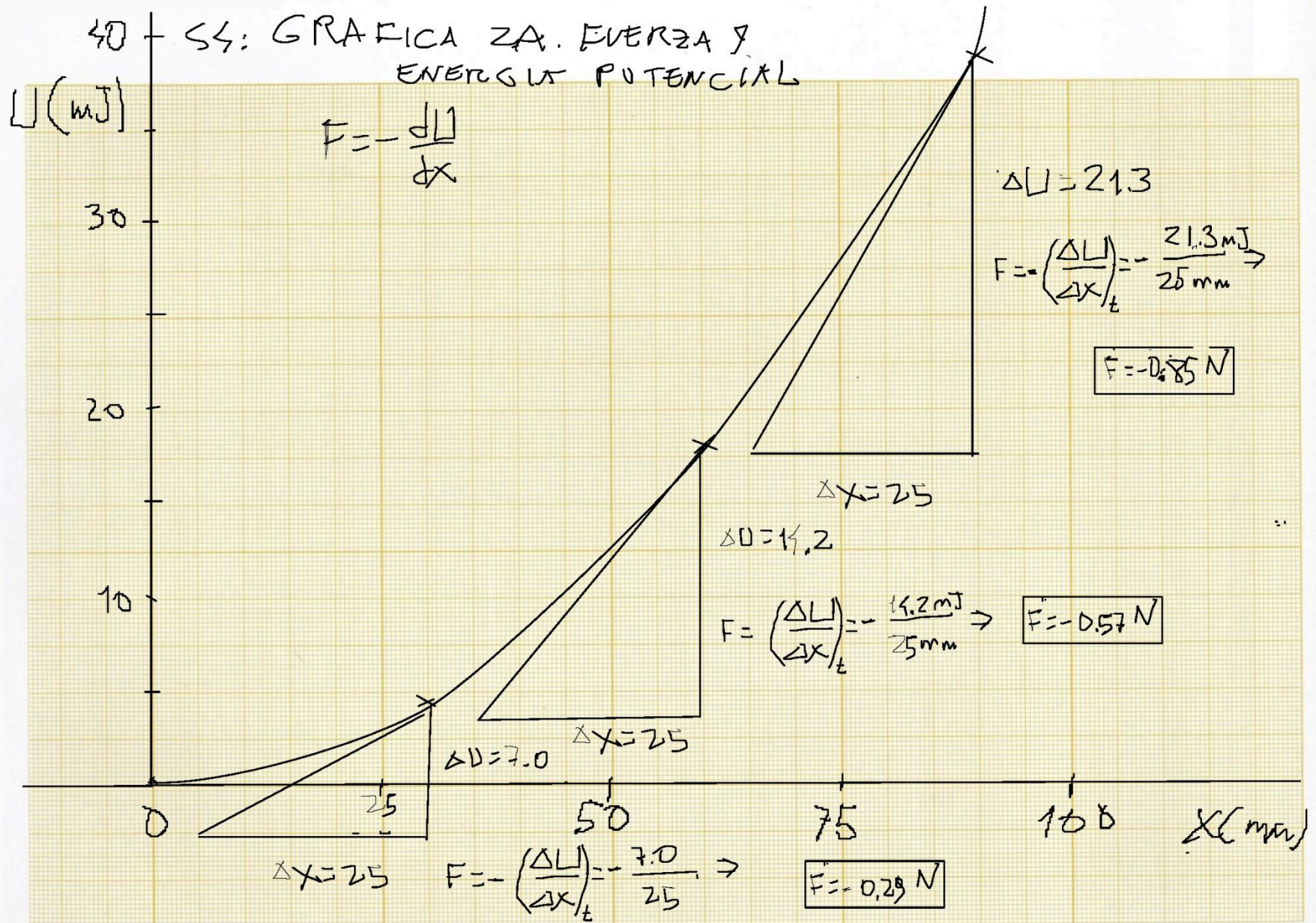
$$dU = -Fdx \quad ; \quad F = -\frac{dU}{dx}$$



$F$  es la pendiente de  $U(x)$  con signo cambiado.

El origen es un punto de equilibrio estable

# SESIÓN 4. GRAFICA 2 A. LA FUERZA COMO LA DERIVADA DE LA ENERGÍA POTENCIAL



# Movimiento armónico simple

$$F = -kx \Rightarrow$$

$$ma = -kx \Rightarrow m\ddot{x} = -kx$$

$$\ddot{x} + \omega^2 x = 0; \quad \text{con } \omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$\Rightarrow \quad x = A \cos(\omega t + \varphi_0)$$

Movimiento periódico, con amplitud  $A$ , periodo  $T$ , frecuencia  $f$  y fase inicial  $\varphi_0$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f; \quad f = \frac{1}{T}$$



# Energía en el movimiento armónico simple

$$F = F_x = -kx \quad ; \quad d\vec{r} = dx\vec{i} \Rightarrow \vec{F} \cdot d\vec{r} = Fdx$$

$$W_{AB} = \int_A^B Fdx = \int_A^B -kxdx = \left[ -\frac{1}{2}kx^2 \right]_A^B \Rightarrow U = \frac{1}{2}kx^2$$

$$x = A \cos(\omega t + \varphi_0) ; v = \dot{x} = -\omega A \sin(\omega t + \varphi_0)$$

$$U = \frac{1}{2}kA^2 \cos^2(\omega t + \varphi_0) ; E_c = \frac{1}{2}m\omega^2 A^2 \sin^2(\omega t + \varphi_0)$$

$$E = \frac{1}{2}m\dot{x}^2 + \frac{1}{2}kx^2 = \frac{1}{2}m\omega^2 A^2 \quad m\omega^2 = k$$

$$U_{\max} = \frac{1}{2}kA^2 = E ; \quad E_{c,\max} = \frac{1}{2}m\omega^2 A^2 = E$$

# SESIÓN 4. GRAFICA 2 B. CONSERVACIÓN DE LA ENERGÍA

