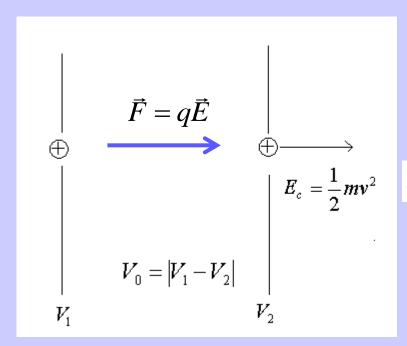
Aceleración lineal de partículas entre dos diferencias de potencial



Se aceleran partículas inicalmente en reposo entre un potencial V_1 y V_2 con $V_0 = |V_1 - V_2|$

$$E = E_c + U = \frac{1}{2}mv^2 + qV$$

$$E_{c} = \frac{1}{2}mv^{2}$$

$$E_{c} = \frac{1}{2}mv^{2}$$

$$E_{c} = qV_{1} = E_{c} + qV_{2} \Rightarrow E_{c} = q(V_{1} - V_{2}) = |q|V_{1} - V_{2}| \Rightarrow$$

$$\boxed{Ec = |q|V_0}$$

Para electrones, positrones, protones y antiprotones:

$$Ec = eV_0$$

Si, por ejemplo $V_0=2V \rightarrow E_c=2eV$; $V_0=40kV \rightarrow E_c=2keV$

LINAC: Aceleradores lineales Electron Beam Therapy/Proton therapy



Los electrones tienen muy poca penetración pero destruyen cánceres de piel Intraoperative electron therapy: para limpiar superficies tras cirugía de cancer

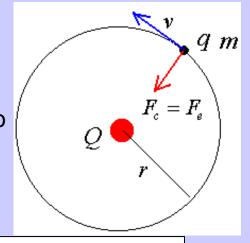
Energía mecánica y electrostática en una orbita circular

Fuerza centrípeta=Fuerza eléctrica :
 qQ=-|qQ| (fuerza atractiva implica q y Q tienen diferente signo

$$F_c = F_e \Rightarrow m \frac{v^2}{r} = |q|E = k_e \frac{|qQ|}{r^2} \Rightarrow \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} \frac{|qQ|}{r}$$

Energía mecánica en un campo electróstatico

$$E = E_c + U = \frac{1}{2}mv^2 + k_e \frac{qQ}{r} = \frac{1}{2}\frac{|qQ|}{r} - k_e \frac{|qQ|}{r} \Longrightarrow$$



$$E = -\frac{1}{2}k_e \frac{|qQ|}{r}$$

Si la carga central es un núcleo Q=+Ze y q un electrón |q|=e

Si hay más electrones
 Z->Z_{ef} número atómico efectivo

$$E = -\frac{1}{2}k_e \frac{Ze^2}{r}$$

$$E = -\frac{1}{2}k_e \frac{Z_{ef}e^2}{r}$$

Átomo de Bohr

• Modelo planetario: electrones en órbitas de radio rRadios cuantizados: $r_n = n^2 \frac{a_0}{Z_{ef}}$ radio de Bohr a_0 =0.54Å, 1 Å=10⁻¹⁰m

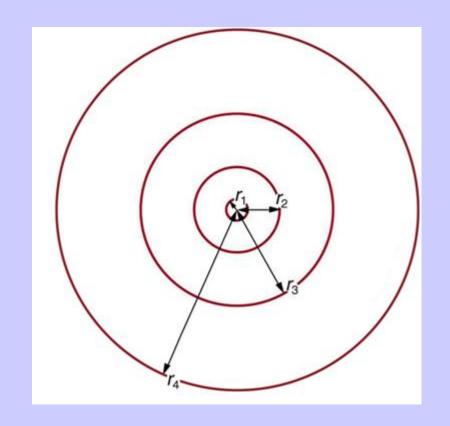
Energía cuantizada:

$$E = -\frac{1}{2}k_e \frac{Z_{ef}e^2}{n^2 \frac{a_0}{Z_{ef}}} = \frac{1}{2}k_e \frac{Z_{ef}^2e^2}{n^2a_0} \Longrightarrow$$

$$E_n = -Z_{ef}^2 \frac{E_0}{n^2}$$

 E_0 = 13.56 eV: Energía de Bohr 1eV=1.6x10⁻¹⁹J

- n=1, capa K, 2 electrones
- n=2, capa L, 8 electrones
- n=3, capa M, 8 electrones....



Rayos X: espectro característico

- Átomo de Bohr: niveles de energía y número de electrones en cada nivel
- Fotón: la luz interacciona con la materia como partículas de energía E_f=hf, llamadas fotones (Einstein: efecto fotoeléctrico)

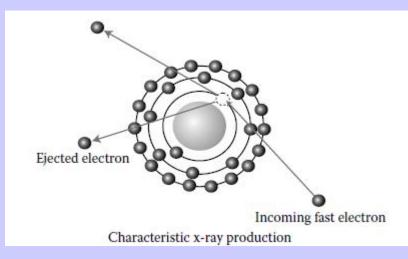
 $h = 6.63 \times 10^{-34} = 4.14 \cdot 10^{-15} eV$. Constante de Planck

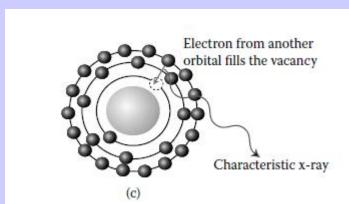
f :frecuencia de la radiación electromagnética.

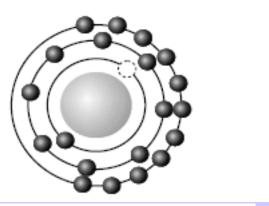
 λ : longitud de onda; $\lambda f=c$; $c=3.10^8 \text{m/s}$ velocidad de la luz.

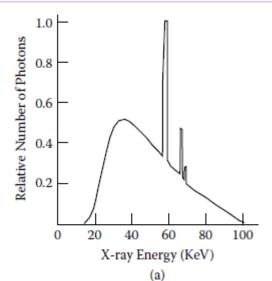
- Un electrón en un átomo puede absorver o emitir un fotón al cambiar de nivel: E_f=E₁-E₂
- Se lanzan electrones libres que arrancan un electrón de una capa interna dejando un estado libre "un hueco".
- Otro electrón de una capa externa cae a la capa interna
- Emitiendo un fotón $E_f = hf = E_1 E_2$ de frecuencia característica

Rayos X: espectro característico

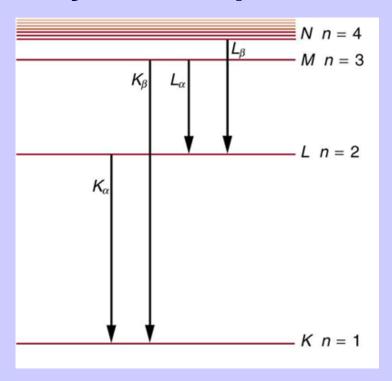


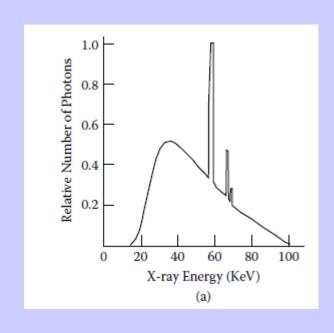






Rayos X: espectro característico y de frenado

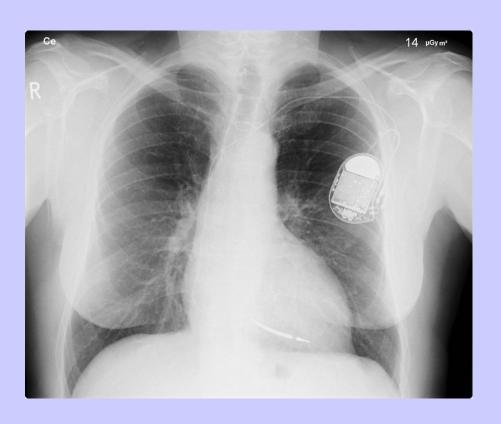




El espectro continuo se llama de frenado y se produce al emitirse fotones cuando los electrones se frenan al acercarse al átomo. Su valor máximo es $E=hf=eV_0$ siendo V_0 el potencial acelerador

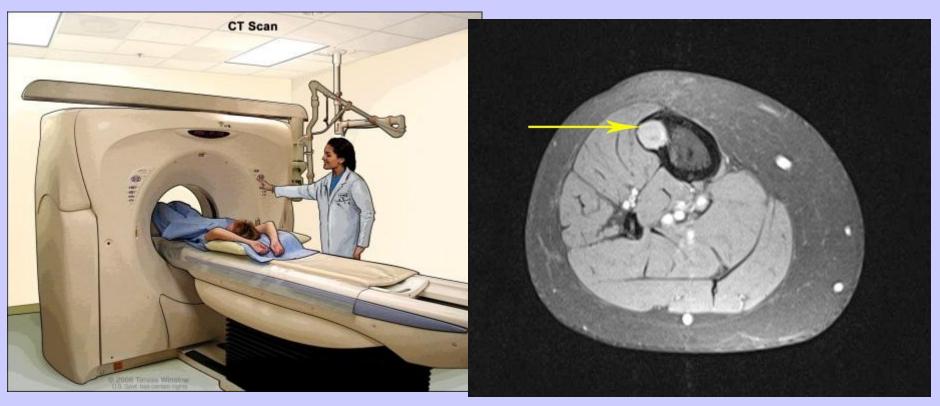
Imagen de rayos X

Los rayos X son absorbidos sobre todo por los huesos



Computerized Tomography: CT scan

Multiples imágenes de rayos X permiten obtener una visión tridimensional



10. Para la toma de una radiografía convencional se requiere acelerar electrones con un voltaje de 30000 V y por el fenómeno de frenado se generan los R-X. (a) Determine la energía máxima de los fotones emitidos en la radiación de frenado, así como la frecuencia máxima y longitud de onda mínima. (b) Determine la frecuencia y longitud de onda de los R-X si solo el 20 % de la energía cinética de un electrón se transforma en energía de un fotón. Usar $h=4,14\times10^{-14}\,\mathrm{eV}$ y $c=3\times10^8\,\mathrm{m/s}$. Respuesta:

(a)
$$E_{f,max} = eV_0 = e \, 30000 \, \text{V} \Rightarrow E_{f,max} = 30 \, \text{keV}$$
;

$$f_{max} = E_f/h = 30000 \,\text{eV}/4.14 \times 10^{-14} \,\text{eVs} \Rightarrow f_{max} = 7.25 \times 10^{-17} \,\text{Hz}$$
;

$$\lambda_{min} = c/f = 3 \times 10^8 \text{m/s}/(7.25 \times 10^{-17} \text{s}^{-1}) = 4.14 \times 10^{-10} \text{ m} \Rightarrow \lambda_{min} = 4.14 \text{ Å}$$

(b)
$$E_f = (20/100)30000 \text{ V} \Rightarrow E_f = 6000 \text{ eV}$$
;

$$f = E_f/h = 6000 \,\text{eV}/4.14 \times 10^{-14} \,\text{eVs} \Rightarrow f = 1.45 \times 10^{-17} \,\text{Hz};$$

$$\lambda = c/f = 3 \times 10^8 \text{m/s}/(1.45 \times 10^{-18} \text{s}^{-1}) = 2.07 \times 10^{-9} \text{ m} \Rightarrow \lambda = 20.7 \text{ Å}$$

Deducir la expresión de la Energía de un fotón de R-X de la raya K_{α} y K_{β} de un átomo en función de Z_{ef}

Respuesta:

$$E_{\alpha} = \frac{3}{4} Z_{ef}^{2} E_{0}$$

$$E_{\beta} = \frac{8}{9} Z_{ef}^{2} E_{0}$$

$$E_{\beta} = \frac{8}{9} Z_{ef}^2 E_0$$

Si en el Mg (Z=12), para K_{α} , λ =0.987nm obtener Z_{ef} . ¿A que carga q_{ap} corresponde el apantallamiento?

$$\left| E_{\alpha} = hf = h \frac{c}{\lambda} \right|$$
 $Z_{ef} = \sqrt{\frac{4}{3} \frac{E_{\alpha}}{E_{0}}}$

$$Z_{ef} = \sqrt{\frac{4}{3} \frac{E_{lpha}}{E_0}}$$

Respuesta: $Z_{ef}=11.3$, $q_{ap}=0.7e$