

Tema 1. Campo eléctrico.

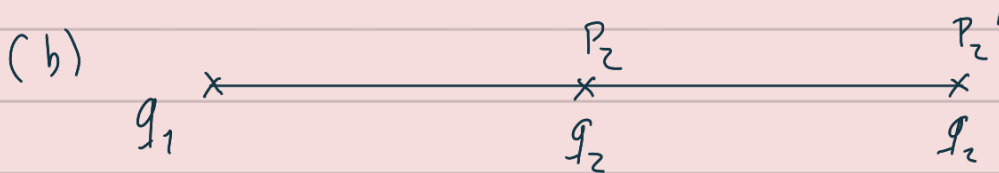
1. (2 puntos) Dos cargas puntuales  $q_1 = q_2 = 5 \mu\text{C}$  se encuentran a una distancia  $d$  tal que se repelen con una fuerza de módulo  $F = 250 \text{ N}$ . (a) Calcular dicha distancia  $d$ . (b) Si mantenemos fija  $q_1$  y dejamos libre  $q_2$ , determinar el trabajo  $W$  realizado por la fuerza eléctrica sobre  $q_2$  cuando alcance una distancia de  $q_1$  que sea el doble de la distancia inicial. (c) En la posición inicial del apartado "a", si  $q_1$  está en el punto  $P_1 = (0, 0)$  y  $q_2$  en el punto  $P_2 = (d, 0)$ , sin hacer ninguna cuenta pero explicándolo, dibujar los campos eléctricos  $\vec{E}_{13}$  y  $\vec{E}_{23}$  creados por  $q_1$  y  $q_2$  en el punto  $P_3 = (d/2, d)$ , así como el campo total  $\vec{E}_3$  producido por ambas cargas en  $P_3$ .

(a) El módulo de la fuerza entre dos cargas puntuales vale

$$F = k_e \frac{|q_1||q_2|}{d^2}, \text{ como } q_1 = q_2 \text{ positivas.}$$

$$F = k_e \frac{q_1^2}{d^2} \Rightarrow d = \sqrt{\frac{k_e q_1^2}{F}} = q_1 \sqrt{\frac{k_e}{F}} = 5 \times 10^{-6} \sqrt{\frac{9 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2}{250 \text{ N}}} = 5 \times 10^{-6} \times 6 \times 10^3 \text{ m}$$

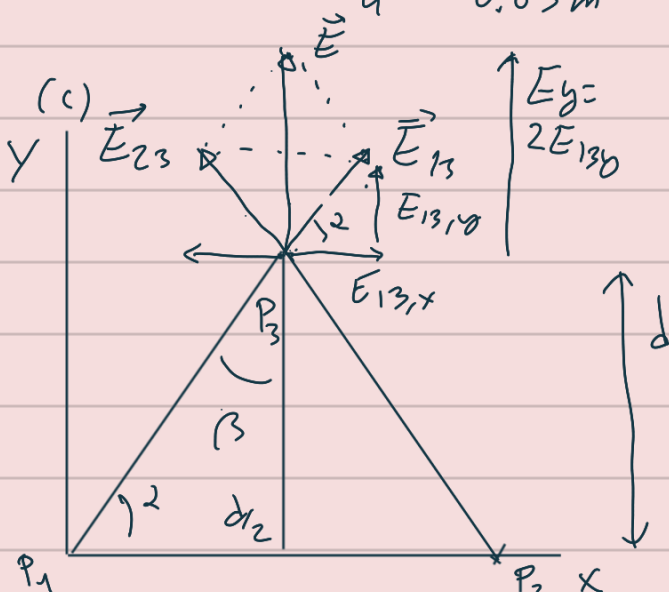
$$\Rightarrow d = 0.03 \text{ m} = 30 \text{ cm}$$



El trabajo realizado por el campo creado por  $q_1$  es  $W = U(P_2) - U(P_2')$ , donde  $U$  es la energía de  $q_2$  en el campo creado por  $q_1$ . Entonces:

$$W = k_e \frac{q_1 q_2}{P_1 P_2} - k_e \frac{q_1 q_2}{P_1 P_2'} = k_e \frac{q_1^2}{d} - k_e \frac{q_1^2}{2d} = \frac{1}{2} k_e \frac{q_1^2}{d} \Rightarrow$$

$$W = \frac{1}{2} \frac{9 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2}{\text{C}^2} \frac{(5 \times 10^{-6} \text{ C})^2}{0.03 \text{ m}} \Rightarrow W = 3.75 \text{ J}$$



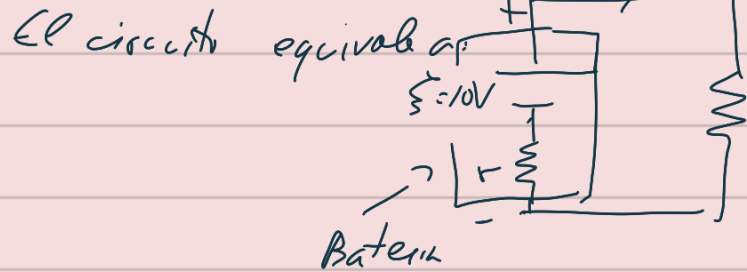
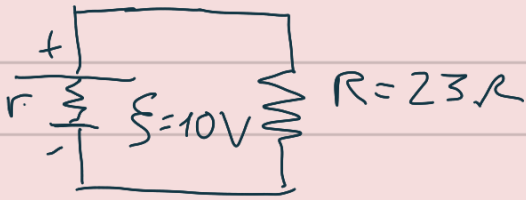
Por simetría,  $\vec{E}_{13}$  y  $\vec{E}_{23}$  son simétricas respecto al eje vertical que pasa por  $P_3$ . En componente horizontal se anulan y las verticales son iguales y se suman:

$$E = 2 E_{13,y} = 2 E_{13} \cos 45^\circ$$

$$\vec{E} = 2 E_{13} \cos 45^\circ \vec{j}$$

## Tema 2. Corriente continua.

2. (2 punto) Una resistencia de  $R = 23\ \Omega$  se conecta a una batería de  $10\text{ V}$  que posee cierta resistencia interna  $r$ . (a) Calcular  $r$  e  $I$  sabiendo que en la resistencia externa  $R$  se consume una potencia de  $3.68\text{ W}$ . (b) Determinar la potencia,  $P_r$ , que se consume en la resistencia interna,  $r$ , de la batería. (c) Determinar la diferencia de potencial entre los bornes de la batería real  $V_+ - V_-$  así como la potencia suministrada al circuito por ésta.



Sabemos que  $P_R = I^2 R$  por la ley de Joule. También que  $\xi = I(R+r)$  por la ley de mallas de Kirchhoff. obtenemos  $I$  de la primera y  $r$  de la segunda:

$$I = \sqrt{\frac{P_R}{R}} = \sqrt{\frac{3.68\text{ W}}{23\ \Omega}} \Rightarrow I = 0.4\text{ A}; \quad R+r = \frac{\xi}{I} \Rightarrow r = \frac{\xi}{I} - R \Rightarrow$$

$$r = \frac{10\text{ V}}{0.4\text{ A}} - 23\ \Omega \Rightarrow \boxed{r = 2\ \Omega}$$

$$(b) P_r = I^2 r = (0.4\text{ A})^2 \cdot 2\ \Omega \Rightarrow \boxed{P_r = 0.32\text{ W}}$$

También como la potencia producida es igual a la consumida:

$$\xi I = P_R + P_r \Rightarrow P_r = \xi I - P_R = 10\text{ V} \times 0.4\text{ A} - 3.68\text{ W} = 0.32\text{ c.g.d.}$$

(c) Como la batería equivale a una batería ideal  $\xi$  en serie con una resistencia  $r$ ,  $V_+ - V_- = \xi - I r = 10\text{ V} - 0.4\text{ A} \times 2\ \Omega \Rightarrow \boxed{V_+ - V_- = 9.2\text{ V}}$

o bien en la caída de potencial en el resto del circuito,  $V_+ - V_- = I R \Rightarrow V_+ - V_- = 0.4\text{ A} \times 23\ \Omega = 9.2\text{ V}$ , c.g.d.

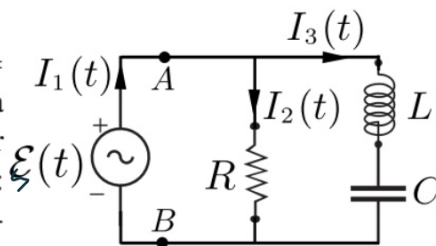
La batería real aporta al circuito la energía que consume sus elementos externos, esto es  $R$ . luego  $P_{\xi r} = P_R = 3.68\text{ W}$ .

o bien, la energía producida por la batería ideal menos la consumida en la resistencia interna.

$$P_{\xi r} = \xi I - I^2 r = 10\text{ V} \times 0.4\text{ A} - (0.4\text{ A})^2 \times 2\ \Omega = 4\text{ W} - 0.32\text{ W} = 3.68\text{ W, c.g.d.}$$

### Tema 3. Corriente alterna. Obligatorio

3. (4 puntos) En el circuito de corriente alterna de la figura  $\xi(t) = 48 \cos(10^4 t)$  V, siendo la resistencia  $R = 80 \Omega$  y las reactancias de la bobina y el condensador  $X_L = 120 \Omega$  y  $X_C = 40 \Omega$  respectivamente. (a) Determinar las intensidades  $I_1(t)$ ,  $I_2(t)$  e  $I_3(t)$  así como las tensiones en los elementos:  $V_R(t)$ ,  $V_L(t)$  y  $V_C(t)$ . (b) Dibujar un diagrama de fasores para las tres intensidades. (c) Calcular la potencia media suministrada por el generador así como la consumida por los elementos del circuito verificando su igualdad.



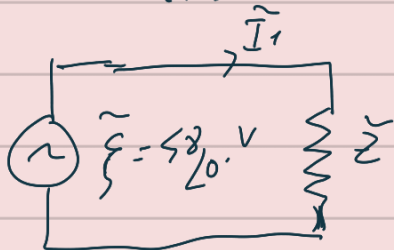
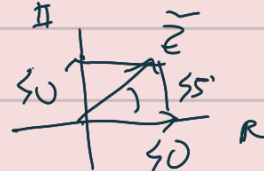
Calculamos las impedancias:  $\tilde{Z}_R = R = 80 \Omega$ ;  $\tilde{Z}_L = jX_L = 120j \Omega$  y  $\tilde{Z}_C = -jX_C = -40j \Omega$ . El fasor de  $\xi(t)$  es  $\tilde{\xi} = 48 e^{j0} \text{ V}$ .

Obtenemos la impedancia de la asociación en serie de  $\tilde{Z}_L$  y  $\tilde{Z}_C$ :

$$\tilde{Z}_{LC} = \tilde{Z}_L + \tilde{Z}_C = 120j - 40j \Rightarrow \tilde{Z}_{LC} = 80j \Omega$$

La impedancia equivalente a  $\tilde{Z}_R$  y  $\tilde{Z}_{LC}$  en paralelo es:

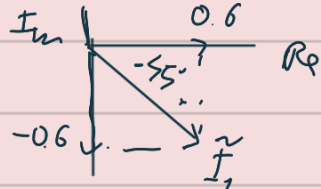
$$\frac{1}{\tilde{Z}} = \frac{1}{\tilde{Z}_R} + \frac{1}{\tilde{Z}_{LC}} = \frac{1}{80} + \frac{1}{80j} = \frac{1}{80} \left(1 + \frac{1}{j}\right) = \frac{1}{80} (1 - j) \Rightarrow \tilde{Z} = \frac{80}{(1-j)(1+j)} = \frac{80(1+j)}{1+1} \Rightarrow \tilde{Z} = 40 + 40j \Omega = 40\sqrt{2} e^{j45^\circ} \Omega$$



Obtenemos  $\tilde{I}_1$  usando la ley de mallas de Kirchhoff en ca:

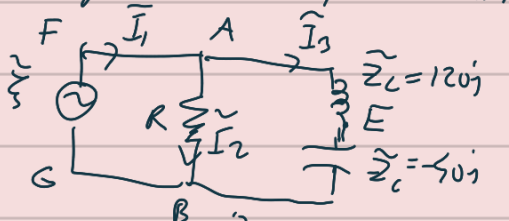
$$\sum \tilde{\xi}_i = \sum \tilde{I}_i \tilde{Z}_i \Rightarrow \tilde{\xi}_1 = \tilde{I}_1 \tilde{Z}_1 \Rightarrow \tilde{I}_1 = \frac{\tilde{\xi}_1}{\tilde{Z}} \Rightarrow \tilde{I}_1 = \frac{48}{40(1+j)} = \frac{1.2}{(1+j)} \frac{(1-j)}{(1-j)} = \frac{1.2}{1+1} (1-j) = 0.6(1-j) \Rightarrow$$

$$\tilde{I}_1 = 0.6 - 0.6j \text{ A} = 0.6\sqrt{2} e^{-j45^\circ} \text{ A}$$



c  $I_1(t) = 0.6\sqrt{2} \cos(10^4 \text{ rad/s } t) \text{ A}$

Para obtener  $\tilde{I}_2$ , vemos que en la malla con  $R$  y  $\tilde{\xi}$  (FABG) podemos también aplicar la ley de mallas:  $\tilde{\xi} = \tilde{I}_2 \tilde{Z}_R = \tilde{I}_2 R$ .  $\tilde{I}_1$  no aparece pues no



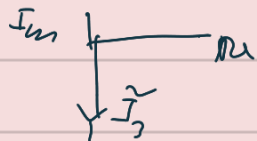
recorre ninguna impedancia.

Loop:  $\tilde{I}_2 = \frac{\tilde{\xi}}{R} = \frac{48}{80} \Rightarrow \tilde{I}_2 = 0.6 \text{ A} = 0.6 e^{j0} \text{ A}$   
 $I_2(t) = 0.6 \cos(10^4 \text{ rad/s } t) \text{ A}$

$\tilde{I}_3$  lo podemos obtener con la ley de mallas en FAEBG:  $\tilde{\xi} = \tilde{I}_2 \tilde{Z}_{LC}$

o por la ley de nodos en A:  $\sum \tilde{I}_i = 0$ :  $\tilde{I}_2 + \tilde{I}_3 - \tilde{I}_1 = 0 \Rightarrow \tilde{I}_3 = \tilde{I}_1 - \tilde{I}_2 \Rightarrow$

$$\tilde{I}_3 = 0.6 - 0.6j - 0.6 \Rightarrow \tilde{I}_3 = -0.6j \text{ A} = 0.6 e^{-j90^\circ} \text{ A}$$



c  $I_3(t) = 0.6 \cos(10^4 \text{ rad/s } t - 90^\circ) \text{ A}$

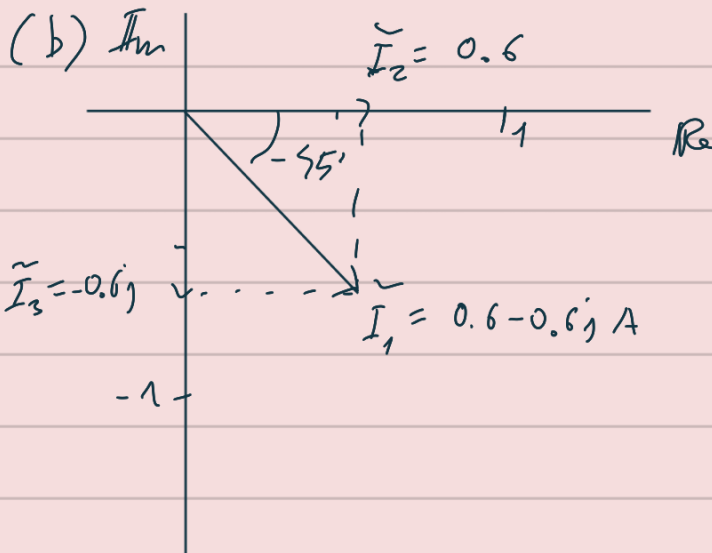
Calculamos la caída de potencial. Veamos que  $\tilde{S}(t) = V_{AB}(t) = V_R(t) = V_C(t)$ .

Luego  $V_R(t) = \tilde{S}(t) \Rightarrow V_R(t) = 58 \cos(10^5 \text{ rad } t) \text{ V}$

Calculamos  $\tilde{V}_L$  y  $\tilde{V}_C$ :

$\tilde{V}_L = \tilde{I}_3 \tilde{Z}_L = -0.6j \cdot 120j = 72(-j^2) = 72 \Rightarrow \tilde{V}_L = 72e^{j0} \text{ V}; V_L(t) = 72 \cos(10^5 \text{ rad } t) \text{ V}$

$\tilde{V}_C = \tilde{I}_3 \tilde{Z}_C = -0.6j(-50j) = 25(j^2) = -25 \Rightarrow \tilde{V}_C = 25e^{j180} \text{ V}; V_C(t) = 25 \cos(10^5 \text{ rad } t + 180^\circ) \text{ V}$



veamos que  $\tilde{I}_1 = \tilde{I}_2 + \tilde{I}_3$  según la ley de nodos.

(c)  $L$  y  $C$  no consumen ni producen potencia.  $R$  sí  $P_R = \frac{1}{2} I_1^2 R \Rightarrow P_R = \frac{1}{2} 0.6^2 80 \Rightarrow P_R = 14.4 \text{ W}$   $P_L = P_C = 0$

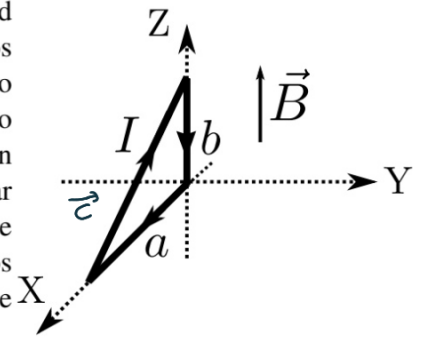
La potencia media producida por el generador vale:  $P_S = \frac{1}{2} \tilde{S} \cdot \tilde{I}_1 \cos(\varphi)$ , siendo  $\varphi$  el desfase entre  $\tilde{S}$  e  $\tilde{I}_1$ :  $\varphi = 0 - (-45^\circ) = 45^\circ \Rightarrow$

$P_S = \frac{1}{2} 58 \times 0.6 \sqrt{2} \cos(45^\circ) = \frac{1}{2} 58 \times 0.6 \sqrt{2} \frac{\sqrt{2}}{2} = 25 \times 0.6 \Rightarrow P_S = 14.4 \text{ W}$

Efectivamente se cumple que  $P_S = P_R + P_L + P_C$ :  $14.4 = 14.4 + 0 + 0$ , c y d.

#### Tema 4. Campo magnético.

4. (2 puntos) La espira conductora de la figura está circulada por una intensidad  $I = 5 \text{ A}$  y tiene forma de triángulo rectángulo siendo la longitud de sus catetos  $a = 32 \text{ cm}$  y  $b = 24 \text{ cm}$  y  $c$  la hipotenusa. En la zona existe un campo magnético uniforme  $\vec{B} = 0.45 \hat{k} \text{ T}$ . (a) Calcular el vector fuerza magnética  $\vec{F}_c$  sobre el lado más largo de la espira, la hipotenusa  $c$ . (b) Realizar un dibujo con la proyección en el plano XZ y deducir en el dibujo la dirección y sentido de  $\vec{F}_c$ . (c) Calcular el momento magnético de la espira  $\vec{m}$  y el momento de fuerzas magnéticas sobre la espira  $\vec{\tau}$ . (d) Realizar un dibujo similar al anterior con las fuerzas sobre los tres lados (sin hacer cuentas) y deducir la dirección y sentido del momento de fuerzas  $\vec{\tau}$ .

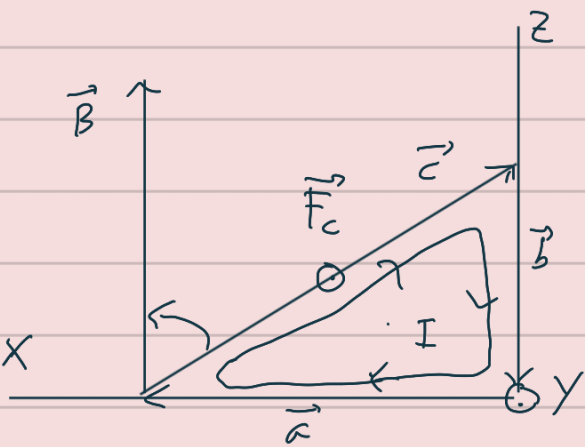


(a) La fuerza magnética sobre un conductor recto vale:  $\vec{F}_m = I \vec{c} \times \vec{B}$ , donde  $\vec{c}$  es un vector paralelo al conductor y con el sentido de la intensidad. llamando  $\vec{c}$  al vector correspondiente a la hipotenusa:

$$\vec{a} = a \hat{i} = 0.32 \hat{i} \text{ m}; \quad \vec{b} = -b \hat{k} = -0.24 \hat{k} \text{ m}; \quad \vec{c} = -\vec{a} - \vec{b} = -a \hat{i} - b \hat{k}$$

$$\vec{F}_c = I \vec{c} \times \vec{B} = I (-a \hat{i} - b \hat{k}) \times B \hat{k}, \text{ con } \hat{k} \times \hat{k} = 0 \text{ e } \hat{i} \times \hat{k} = -\hat{j}$$

$$\left( \begin{array}{c} \hat{i} \rightarrow \\ \hat{j} \uparrow \\ \hat{k} \leftarrow \end{array} \right) \Rightarrow \vec{F}_c = I (-a) B (-\hat{j}) = I a B \hat{j} \Rightarrow \vec{F}_c = 5 \text{ A} \times 0.32 \text{ m} \times 0.45 \text{ T} \hat{j} \Rightarrow \boxed{\vec{F}_c = 0.72 \hat{j} \text{ N}}$$



Para obtener  $\vec{F}_c = I \vec{c} \times \vec{B}$  dibujamos  $\vec{B}$  en el origen de  $\vec{c}$ . Como  $I$  es positiva y escalar,  $\vec{F}_c \parallel \vec{c} \times \vec{B}$ .

$\vec{c} \times \vec{B}$  es perpendicular al plano definido por  $\vec{c}$  y  $\vec{B}$ , esto es el plano XZ. Según  $\vec{c} \times \vec{B}$  tiene la dirección de eje Y ( $\pm \hat{j}$ ). Se

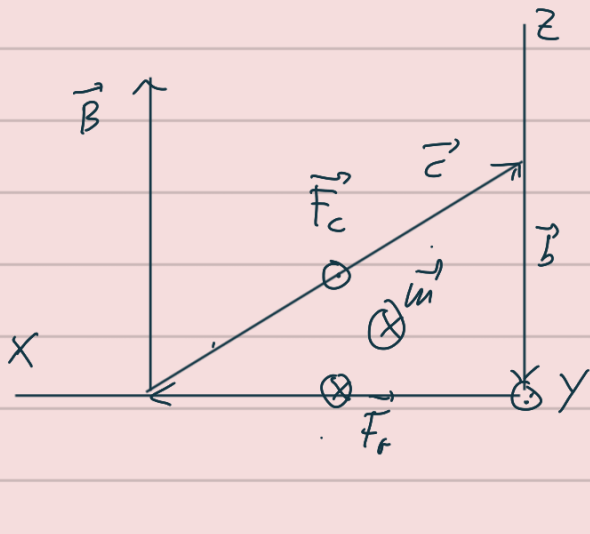
sentirá en el de obra de un tornillo que gira de  $\vec{c}$  a  $\vec{B}$  por el camino más corto (antihorario), luego  $\vec{c} \times \vec{B}$  y  $\vec{F}_c$  saldrán del papel  $\odot$ , es decir  $\vec{F}_c = |\vec{F}_c| \hat{j}$ , como se había calculado. Estará aplicada en el centro de  $c$ .

(c)  $m = IS$ , siendo  $S$  el área de la espira  $S = \frac{1}{2} ab = \frac{1}{2} 0.32 \times 0.24 \text{ m}^2 \Rightarrow S = 0.0384 \text{ m}^2$  y  $m = 5 \text{ A} \times 0.0384 \text{ m}^2 \Rightarrow m = 0.192 \text{ Am}^2$ .

Su dirección es perpendicular al plano de la espira y con el sentido de un tornillo que gira con la intensidad (horario en el dibujo), luego  $\otimes (-\hat{j})$ . Entonces  $\boxed{\vec{m} = -0.192 \text{ Am}^2 \hat{j}}$

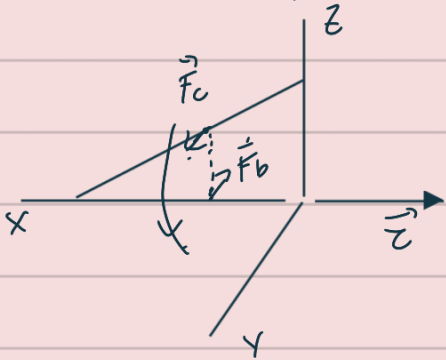
El momento de fuerzas es  $\vec{\tau} = \vec{m} \times \vec{B} = -m\vec{j} \times B\vec{k} = -mB\vec{i}$   
 $\Rightarrow \tau = 0.192 \text{ Am}^2 \cdot 0.45 \text{ T} = 0.0864 \text{ Nm}$  y  $\vec{\tau} = -0.0864 \vec{i} \text{ Nm}$

(d)



El producto vectorial  $\vec{\tau} = \vec{m} \times \vec{B}$  es perpendicular al plano definido por  $\vec{m} = m\vec{j}$  y  $\vec{B} = B\vec{k}$ , luego paralela a  $\pm\vec{i}$ . Si colocamos  $\vec{m}$  y  $\vec{B}$  con el mismo origen, un tornillo que gira de  $\vec{m}$  a  $\vec{B}$  avanza en el sentido negativo del eje x, luego  $\vec{\tau} = -mB\vec{i}$ , c.p.d.

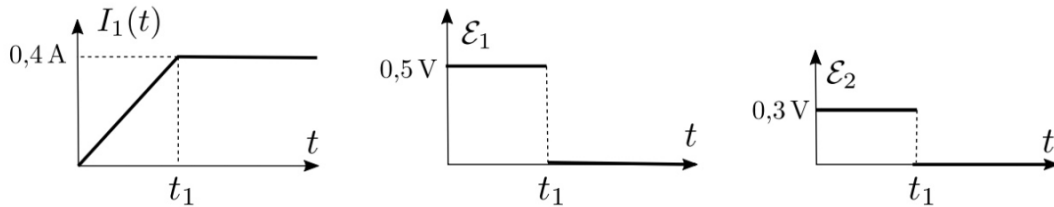
O bien como  $\vec{F}_b = 0$  pues  $\vec{b}$  y  $\vec{B}$  son paralelos y  $\vec{F}_a + \vec{F}_b + \vec{F}_c = 0$  en una espira cerrada:  $\vec{F}_a = -\vec{F}_c$ . Estas dos fuerzas forman un par que hace girar la espira en sentido horario



visto desde el eje x, que corresponde a un tornillo que avanza en la dirección  $(-\vec{i})$ . Luego  $\vec{\tau} = -\tau\vec{i}$ , c.p.d.

## Tema 5. Inducción.

5. (2 puntos) Disponemos de dos bobinas acopladas que llamaremos (1) y (2). Por la bobina (1) se hace circular la intensidad  $I_1(t)$  indicada en la figura, siendo  $t_1 = 2$  ms, mientras que la bobina (2) se mantiene en abierto ( $I_2 = 0$ ). Las fuerzas electromotrices (en valor absoluto) inducidas en ambas bobinas,  $\mathcal{E}_1$  en (1) y  $\mathcal{E}_2$  en (2), se han representado en la figura. (a) Obtener el valor de coeficiente de autoinducción  $L_1$  de la bobina (1) y del coeficiente de inducción mutua  $M$ . (b) Dibuje la bobina (1) como una circunferencia (las espiras están superpuestas) en su propio plano y suponga sentido horario para  $I_1(t)$  ( $0 < t < t_1$ ). Dibuje el sentido aproximado del campo magnético  $\vec{B}_1$  producido por  $I_1$  en el interior de la bobina y deduzca el sentido aproximado del campo magnético inducido  $\vec{B}_i$  así como de la fuerza electromotriz inducida  $\mathcal{E}_1$  usando la ley de Lenz.



(a) El flujo magnético en la bobina (1) será  $\phi_1 = \phi_{11} + \phi_{12} = L_1 I_1 + M I_2$ ,  
 para  $I_2 = 0$ , luego  $\phi_1 = L_1 I_1 \Rightarrow \xi_1 = -\frac{d\phi_1}{dt} = -L_1 \frac{dI_1}{dt}$ , en módulo

$$|\xi_1| = L_1 \left| \frac{dI_1}{dt} \right| \quad (1)$$

Igualmente el flujo en la bobina (2) será:  $\phi_2 = \phi_{22} + \phi_{21} = L_2 I_2 + M I_1$ ,

pero como  $I_2 = 0$ ,  $\phi_2 = M I_1$  y  $\xi_2 = -\frac{d\phi_2}{dt} = -M \frac{dI_1}{dt}$ , en módulo  $|\xi_2| = M \left| \frac{dI_1}{dt} \right|$  (2)

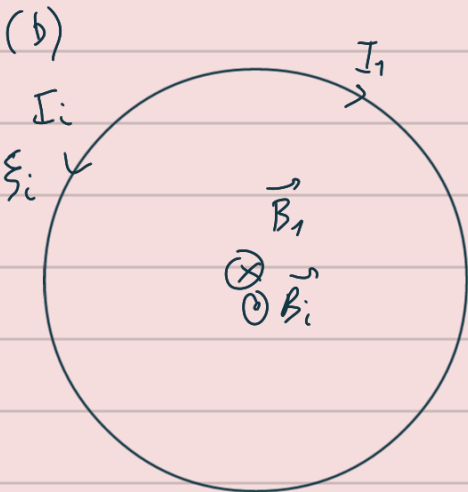
Para  $0 < t < t_1$ , vemos en los gráficos que  $|\xi_1| = 0.5 \text{ V}$  y  $|\xi_2| = 0.3 \text{ V}$ ,

además, vemos que  $I_1(t)$  aumenta con pendiente constante  $I_1(t) = \frac{0.4 \text{ A}}{t_1} t \Rightarrow$

$$I_1(t) = \frac{0.4 \text{ A}}{2 \times 10^{-3} \text{ s}} t = 0.2 \times 10^3 \frac{\text{A}}{\text{s}} t \Rightarrow I_1(t) = 200 \frac{\text{A}}{\text{s}} t \Rightarrow \frac{dI_1}{dt} = 200 \frac{\text{A}}{\text{s}}$$

Dependiendo en (1) y (2):

$$L_1 = \frac{|\xi_1|}{\left| \frac{dI_1}{dt} \right|} = \frac{0.5 \text{ V}}{200 \frac{\text{A}}{\text{s}}} \Rightarrow L_1 = 2.5 \text{ mH} ; M = \frac{|\xi_2|}{\left| \frac{dI_1}{dt} \right|} = \frac{0.3 \text{ V}}{200 \frac{\text{A}}{\text{s}}} \Rightarrow M = 1.5 \text{ mH}$$



Por la regla de Maxwell,  $I_1$  produce un campo magnético en el centro con el sentido de avance de un tornillo que gira con  $I_1$ , luego hacia dentro  $\otimes$ . Como  $I_1$  está aumentando, también  $\phi_1 = L_1 I_1$ , un flujo hacia dentro. Por la ley de Lenz, el campo magnético inducido tiende a disminuir el flujo magnético, luego  $\vec{B}_i$  será opuesto

a  $\vec{B}_1$ , hacia afuera  $\odot$ , y la inducción y f.e.m. que lo producen tendrán por consiguiente sentido opuesto a  $\vec{I}_1$ , luego  $\xi_1$  e  $I_1$  tienen sentidos antihorarios.

## Tema 6. Ondas.

6. (2 puntos) El campo magnético de una onda electromagnética armónica plana tiene una amplitud de  $B_0 = 20 \text{ nT}$  y oscila en la dirección del eje Z. Sabiendo que la onda se propaga en sentido negativo del eje Y y que su longitud de onda es de  $\lambda = 20 \text{ cm}$ : (a) escribir la expresión del vector campo eléctrico de la onda  $\vec{E}$ . (b) calcular la energía,  $U$ , que incide al cabo de 10 minutos sobre una superficie circular plana de radio 20 cm perpendicular al eje Y. (c) Hacer un dibujo en perspectiva de la onda incluyendo los vectores  $\vec{E}$ ,  $\vec{B}$  y  $\vec{c}$  en el origen de coordenadas en  $t = 0$  suponiendo fase  $\phi = 0$  en ese punto e instante.

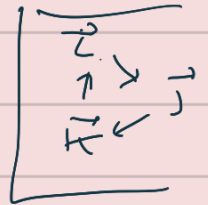
Sabemos que  $\vec{B} \times \vec{c} = \vec{E} \Rightarrow B_0 c = E_0$  y  $\vec{B}_0 \times \vec{c} = \vec{E}_0$

viendo  $\vec{B}_0$  y  $\vec{E}_0$ , los vectores en  $t=0$  en el origen de coordenadas 0.

Entonces  $E_0 = B_0 c = 20 \times 10^{-9} \text{ T} \times 3 \times 10^8 \text{ m/s} \Rightarrow E_0 = 6 \text{ V/m}$ .

Además  $\vec{B}_0 = B_0 \vec{k}$  y  $\vec{c} = -c \vec{j}$ , luego  $\vec{E}_0 = B_0 \vec{k} \times (-c \vec{j}) \Rightarrow$

$\vec{E}_0 = B_0 c \vec{i} = 6 \frac{\text{V}}{\text{m}} \vec{i}$ .  $\vec{E}$  vibra en el eje X cm



componente positiva en el 0 y  $t=0$

Entonces  $\vec{B} = B_0 \cos(ky + \omega t) \vec{k}$ , la fase vale  $\phi = ky + \omega t$  pues

se propaga en el eje Y y en el sentido negativo; luego ambas aumentan tiempo el mismo signo. (Para  $\phi = \text{cte}$ ,  $\frac{d\phi}{dt} = 0 \Rightarrow k \frac{dy}{dt} + \omega = 0 \Rightarrow \frac{dy}{dt} = -\frac{\omega}{k}$  negativo).

Necesitamos  $k$  y  $\omega$ :  $k = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{0.2 \text{ m}} \Rightarrow k = 10\pi \text{ rad/m}$ ;  $\omega = \frac{2\pi}{T}$  y  $c = \frac{\lambda}{T} \Rightarrow$

$\omega = \frac{2\pi}{\frac{\lambda}{c}} = \frac{2\pi}{0.2 \text{ m}} \cdot 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow \omega = 3 \times 10^9 \text{ rad/s}$ .

Entonces:  $\vec{B} = 20 \cos\left(10\pi \frac{\text{rad}}{\text{m}} y + 3 \times 10^9 \frac{\text{rad}}{\text{s}} t\right) \vec{k} \text{ nT}$ ; y

$\vec{E} = 6 \cos\left(10\pi \frac{\text{rad}}{\text{m}} y + 3 \times 10^9 \frac{\text{rad}}{\text{s}} t\right) \vec{i} \frac{\text{V}}{\text{m}}$

La fase inicial es cero, pues un indicio que en  $y=0, t=0$ ,  $\phi=0$ .

(b)  $U = Pt$ , con  $t = 10 \text{ min} = 10 \times 60 \text{ s} \Rightarrow t = 600 \text{ s}$ .

$P = IS$  con  $S = \pi R^2 = \pi (0.2 \text{ m})^2 = 0.04\pi \text{ m}^2 = 0.126 \text{ m}^2$

$I = \frac{1}{2\mu_0} E_0 B_0 = \frac{1}{2 \times 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T}\cdot\text{m}}{\text{A}}} \cdot 6 \frac{\text{V}}{\text{m}} \cdot 20 \times 10^{-9} \text{ T} = \frac{0.15}{\pi} \frac{\text{W}}{\text{m}^2} = 0.0478 \frac{\text{W}}{\text{m}^2} \Rightarrow$

$P = 0.15 \frac{\text{W}}{\text{m}^2} \times 0.04\pi \text{ m}^2 \Rightarrow P = 6 \text{ mW}$  y

$U = Pt = 6 \times 10^{-3} \text{ W} \times 600 \text{ s} \Rightarrow U = 3.6 \text{ W}$

