

Física 2

Grado en Ingeniería de la salud, grupo 2.

Primer parcial (28/03/2019)

Notas importantes: 1) No usar lápiz ni tinta roja. 2) Razonar todos los pasos. 3) Dar los resultados con la notación indicada y con sus unidades correspondientes si el resultado es numérico, y en una caja; ejemplos: $a = \frac{1}{2} g t^2$ o

bien $a = 3 \text{ m/s}^2$.

1.-(3,5 puntos) Una carga puntual $q_1 = 2 \mu\text{C}$ se encuentra en el punto $A = (3, 2, 1)$ cm y otra carga puntual $q_2 = -1 \mu\text{C}$ se encuentra en el punto $B = (2, 0, -1)$ cm. **(a)** Calcular el módulo F_{12} de la fuerza entre ambas cargas en dichas posiciones. **(b)** Calcular la fuerza \vec{F}_{12} que q_1 ejerce sobre q_2 en dichas posiciones. **(c)** Si q_1 se mantiene fija y q_2 se desplaza hasta un punto C situado a 10 cm de A , calcular el trabajo realizado por el campo creado por q_1 en dicho recorrido. Datos: $k_e = 9 \times 10^9 \text{ Nm}^2/\text{C}^2$.

2.- (1,5 puntos) En una zona del espacio existe un campo electrostático uniforme de valor $\vec{E} = -5 \hat{k} \text{ V/m}$ **(a)** Calcular la disminución de potencial entre los puntos $A = (-1, -2, -2)$ cm y $B = (-1, -2, -8)$ cm. Interpretar el resultado e ilustrar con un dibujo.

3.- (2,5 puntos) Supongamos cuatro condensadores $C_1 = 12 \mu\text{F}$, $C_2 = 6 \mu\text{F}$, $C_3 = 1 \mu\text{F}$ y $C_4 = 20 \mu\text{F}$. Se asocian C_1 y C_2 en serie. Y dicha asociación C_{12} se asocia en paralelo con C_3 . La asociación resultante C_{123} se asocia en serie con C_4 . **(a)** Calcular la capacidad C equivalente al conjunto. **(b)** Si la carga en el condensador C_2 vale $Q_2 = 4 \mu\text{C}$ ¿cuánto vale la carga Q de la asociación completa y su diferencia de potencial ΔV ?

4.- (2,5 puntos) **(a)** Definir los conceptos de línea de campo electrostático \vec{E} y superficie equipotencial. **(b)** Explicar y deducir las propiedades de las líneas de campo y de \vec{E} en relación a las superficies equipotenciales y la variación del potencial. **(c)** Aplicar, haciendo un dibujo, al sistema formado por dos cargas iguales pero de signo opuesto separadas una distancia d , dibujando tanto las líneas de campo como las superficies equipotenciales y justificando dicho dibujo.

PARCIAL 1 GRUPO 2 (18/07/2019)

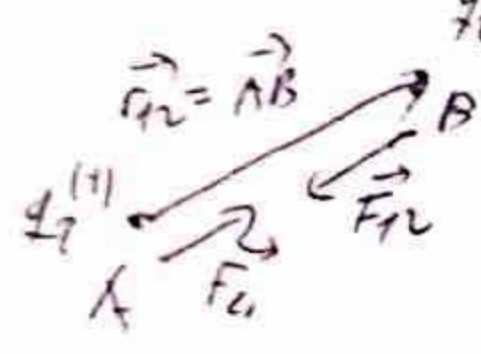
EJERCICIO 2 (2018-2019)

(C1) $Q_1 = 2 \mu\text{C}$ en $A = (3, 2, 1)$ cm
 $Q_2 = -1 \mu\text{C}$ en $B = (2, 0, -1)$ cm

(a) $(F_{12}$ (módulo).)

El módulo de la fuerza de interacción entre dos cargas viene dado por la ley de Coulomb

$$F_{12} = k_e \frac{|q_1 q_2|}{r_{12}^2} \quad (1)$$



En este caso $\vec{r}_{12} = \vec{AB} = \vec{OB} - \vec{OA} =$
 $= [(2, 0, -1) - (3, 2, 1)] = [-1, -2, -2]$ cm

su módulo $r_{12} = \sqrt{(-1)^2 + (-2)^2 + (-2)^2}$ cm = $\sqrt{1+4+4}$ cm =

$$r_{12} = 3 \text{ cm} = 0,03 \text{ m}$$

Substituyendo en (1) y usando $1 \mu\text{C} = 10^{-6} \text{ C}$

$$F_{12} = 9 \times 10^9 \frac{\text{N}\cdot\text{m}^2}{\text{C}^2} \frac{2 \mu\text{C} \cdot 1 \mu\text{C}}{(0,03 \text{ m})^2} \left(\frac{10^{-6} \text{ C}}{1 \mu\text{C}} \right)^2 \Rightarrow \boxed{F_{12} = 20 \text{ N}}$$

Esta fuerza es atractiva, tal como se ve en el dibujo al estar las cargas de diferente signo.

(b) Fuerza sobre q_2 , \vec{F}_{12} (vector).

Las cargas de diferente signo.

Según el dibujo \vec{F}_{12} tiene dirección la de \vec{r}_{12} y sentido contrario

cujo $\vec{F}_{12} = -F_{12} \hat{r}_{12}$ con $\hat{r}_{12} = \frac{(-1, -2, -2)}{3} = \left(-\frac{1}{3}, -\frac{2}{3}, -\frac{2}{3}\right)$

$$\Rightarrow \vec{F}_{12} = F_{12} \left(\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{2}{3}\right) = 20 \text{ N} \left(\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{2}{3}\right) \Rightarrow$$

$$\boxed{\vec{F}_{12} = 6,67 \hat{i} + 13,33 \hat{j} + 13,33 \hat{k} \text{ N.}} \quad (2)$$

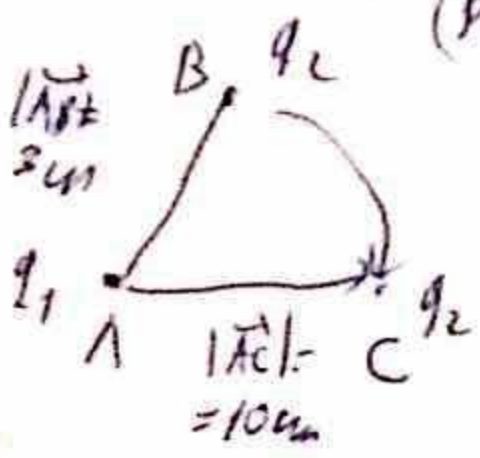
O bien usando la ley de Coulomb en forma vectorial

$$\vec{F}_{12} = k_e \frac{q_1 q_2}{r_{12}^3} \vec{r}_{12} = 9 \times 10^9 \frac{\text{N}\cdot\text{m}^2}{\text{C}^2} \frac{2 \mu\text{C} (-1 \mu\text{C})}{(0,03 \text{ m})^3} (-1, -2, -2) \text{ cm} \left(\frac{10^{-6} \text{ C}}{1 \mu\text{C}} \right)^2$$

Con el mismo resultado en (2).

(c) q_1 fija y q_2 $B \rightarrow C$, C a 10 cm de A . W_{BC} .

El trabajo realizado es igual a la disminución de la energía potencial (por el campo)



$$W_{BC} = U(B) - U(C) = q_2 (V(B) - V(C)), \text{ usando } V$$

el potencial producido por q_1 : $V = k_e \frac{q_1}{r} \Rightarrow$

$$V(B) = k_e \frac{q_1}{|AB|}, \quad V(C) = k_e \frac{q_1}{|BC|} \Rightarrow$$

$$W_{BC} = 2 \mu\text{C} \left(9 \times 10^9 \frac{\text{N}\cdot\text{m}^2}{\text{C}^2} (-1 \mu\text{C}) \right) \left(\frac{1}{0,03 \text{ m}} - \frac{1}{0,1 \text{ m}} \right) \left(\frac{10^{-6} \text{ C}}{1 \mu\text{C}} \right) \Rightarrow \boxed{W_{BC} = -0,425 \text{ J}}$$

Q2

$\vec{E} = -5 \frac{V}{m} \hat{k}$, disminución de potencial entre $A = (-1, -2, 2) \text{ cm}$ y $B = (-1, -2, 8) \text{ cm}$. Interpretar y dibujar.

En un campo electrostático la disminución del potencial viene dada

por $V_A - V_B = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{\ell}$, si \vec{E} es uniforme

$V_A - V_B = \vec{E} \int_A^B d\vec{\ell} = \vec{E} \cdot \vec{AB} \rightarrow V_A - V_B = E \cdot |\vec{AB}| \cos \alpha$ (producto escalar), también igual a $V_A - V_B = E |\vec{AB}| \cos \alpha$ (2)

En nuestro caso $\vec{AB} = \vec{OB} - \vec{OA} = [(-1, -2, 8) - (-1, -2, 2)] \text{ cm} \rightarrow$

$\vec{AB} = (0, 0, 6) \text{ cm} = 0,06 \text{ m} \hat{k}$.

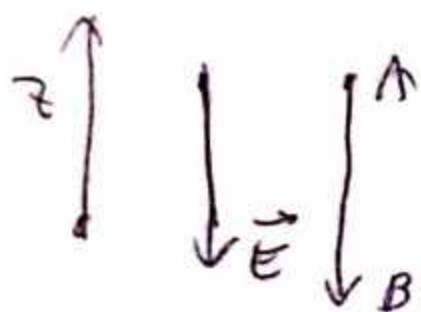
Substituyendo en (1): $V_A - V_B = (0, 0, -5) \cdot (0, 0, 0,06) \frac{V}{m} \Rightarrow$

$V_A - V_B = 0 \times 0 + 0 \times 0 + 5 \times 0,06 \text{ V} \Rightarrow \boxed{V_A - V_B = 0,3 \text{ V}}$

Otra forma

Veremos que \vec{E} y \vec{AB} tienen dirección y sentido iguales ($-\hat{k}$), por lo que forman un ángulo $\alpha = 0$ y usando (2) con $E = |\vec{E}| = 5 \frac{V}{m}$ y $|\vec{AB}| = 0,06 \text{ m}$

$V_A - V_B = 5 \frac{V}{m} \cdot 0,06 \text{ m} \Rightarrow \boxed{V_A - V_B = 0,3 \text{ V}}$



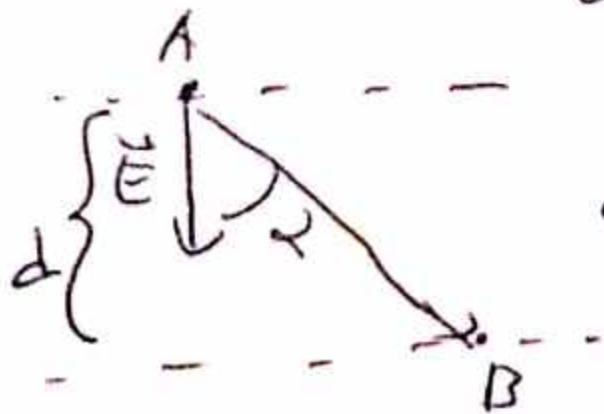
Otra forma: la caída de potencial es modular y puede escribirse como $|V_A - V_B| = E d$, siendo d el desplazamiento en la dirección del campo. El signo de $V_A - V_B$ lo obtenemos viendo el ángulo α entre \vec{A} y \vec{AB} .

Si $\alpha < 90^\circ$ $V_A - V_B > 0$ y si $\alpha > 90^\circ$, $V_A - V_B < 0$

$d = |\vec{AB}| \cos \alpha$

En nuestro caso \vec{AB} ya tiene la dirección y sentido de \vec{E} , luego $d = |\vec{AB}| = 0,06 \text{ m}$ y forma un ángulo $\alpha = 0^\circ$ con $\vec{E} \Rightarrow$

$V_A - V_B = E d = 5 \frac{V}{m} \cdot 0,06 \text{ m} \Rightarrow \boxed{V_A - V_B = 0,3 \text{ V}}$



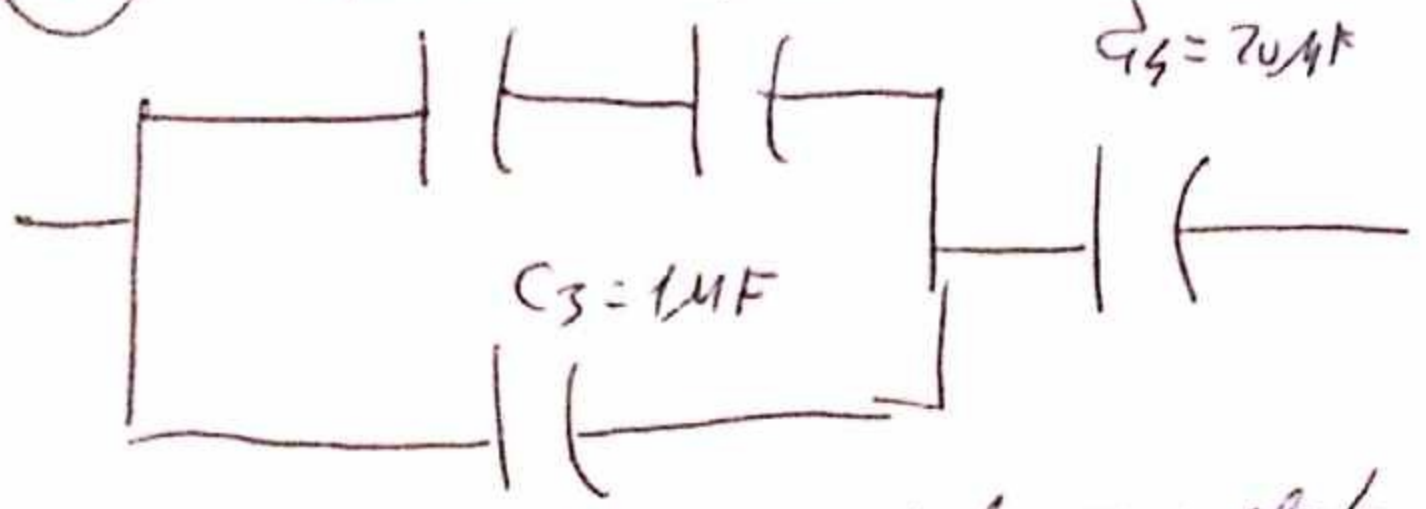
Caso en $V_A > V_B$

PARCIAL 1, GRUPO 2 (18/03/2019)

FÍSICA 12 (2018-2019)

C3

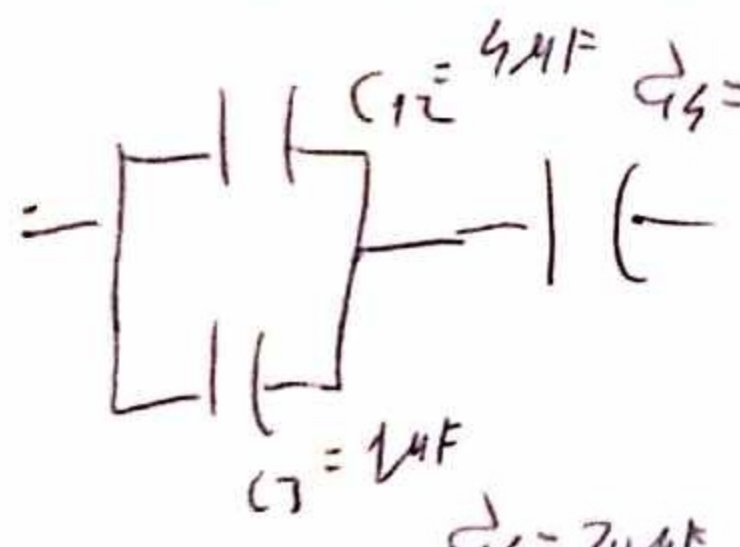
$C_1 = 12 \mu F$ $C_2 = 6 \mu F$



a) Calcular la capacidad equivalente.

Como C_1 y C_2 están en serie, su capacidad equivalente es

$$\frac{1}{C_{12}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} = \frac{1}{12 \mu F} + \frac{1}{6 \mu F} = \frac{2+1}{12 \mu F} = \frac{3}{12 \mu F} \Rightarrow \underline{C_{12} = 4 \mu F}$$

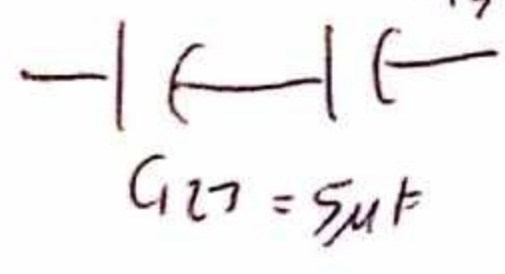


C_{12} y C_3 están en ~~serie~~ paralelo, luego

$$C_{123} = C_{12} + C_3 = (4 + 1) \mu F \Rightarrow \underline{C_{123} = 5 \mu F}$$

Por último C_{123} y C_4 están en serie y.

$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_{123}} + \frac{1}{C_4} = \frac{1}{5 \mu F} + \frac{1}{20 \mu F} = \frac{4+1}{20 \mu F} = \frac{5}{20 \mu F}$$



$$\Rightarrow C = \frac{20}{5} \mu F \Rightarrow \boxed{C = 4 \mu F}$$

(b) Si $Q_2 = 5 \mu C$, calcular Q y ΔV para la asociación.

Q_1 está en serie con Q_2 , luego la asociación de C_2 tiene igual carga

$$Q_1 = Q_{12} = C_{12} \Delta V_{12} \Rightarrow \Delta V_{12} = \frac{Q_{12}}{C_{12}} = \frac{5 \mu C}{5 \mu F} \Rightarrow \Delta V_{12} = 1 V.$$

Para $\Delta V_{12} = \Delta V_3 = \Delta V_{123}$ al estar en paralelo, y $Q_{123} = C_{123} \Delta V_{123}$

$$\Rightarrow Q_{123} = 5 \mu F \times 1 V \Rightarrow Q_{123} = 5 \mu C.$$

Pero como C_{123} está en serie con C_4 , $Q = Q_{1234} = Q_{123} \Rightarrow$

$$\boxed{Q = 5 \mu C} \quad \text{Además} \quad Q = C \Delta V \Rightarrow \Delta V = \frac{Q}{C} = \frac{5 \mu C}{4 \mu F} \Rightarrow$$

$$\boxed{\Delta V = 1,25 V}$$

ES (a) Definir línea de campo y superficie equipotencial.

Línea de campo es una curva tangente en todos sus puntos al vector campo electrostático

su sentido coincide con el del campo



Superficie equipotencial: Es una superficie en la que todos sus puntos tienen el mismo potencial electrostático

$$V(x, y, z) = V_0$$

(b) Propiedades de \vec{E} y las líneas de campo en relación a las sup. equip.

(1) \vec{E} y por tanto las líneas de campo son perpendiculares a las sup. equip.

Posterior de $V_A - V_B = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{e} \Rightarrow V_B - V_A = - \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{e}$, en un desplazamiento elemental $dV = -\vec{E} \cdot d\vec{e}$



Si un desplazamiento en la sup. equip. $dV = 0$

$\Rightarrow \vec{E} \cdot d\vec{e} = 0 \Rightarrow \vec{E} \perp d\vec{e}$, para todos $d\vec{e}$ en el pequeño plano que corresponde a la sup. a pequeña escala. Luego $\vec{E} \perp$ sup. equip.

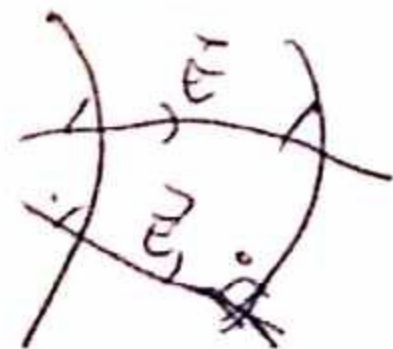
(2) \vec{E} tiene la dirección en que disminuye más rápidamente el potencial.

Si $|\vec{e}| = \Delta r$, dV depende sólo de φ y:

$$dV = -E \Delta r \cos(\varphi) \text{ que es mínimo cuando } \varphi = 0, \text{ es decir } d\vec{e} \text{ tiene la dirección y sentido de } \vec{E}$$



Luego las líneas de campo van de superficies de más potencial a superficies de menor potencial.



(3) En la dirección de \vec{E} (y de máx. disminución de V)

Según hemos visto $dV = -E dr \Rightarrow E = \left| \frac{dV}{dr} \right|$. Es decir el módulo de \vec{E} en la dirección de V entre dos superficies equipotenciales próximas

~~$\frac{dV}{dr}$~~

$$\frac{dV}{dr} = E$$

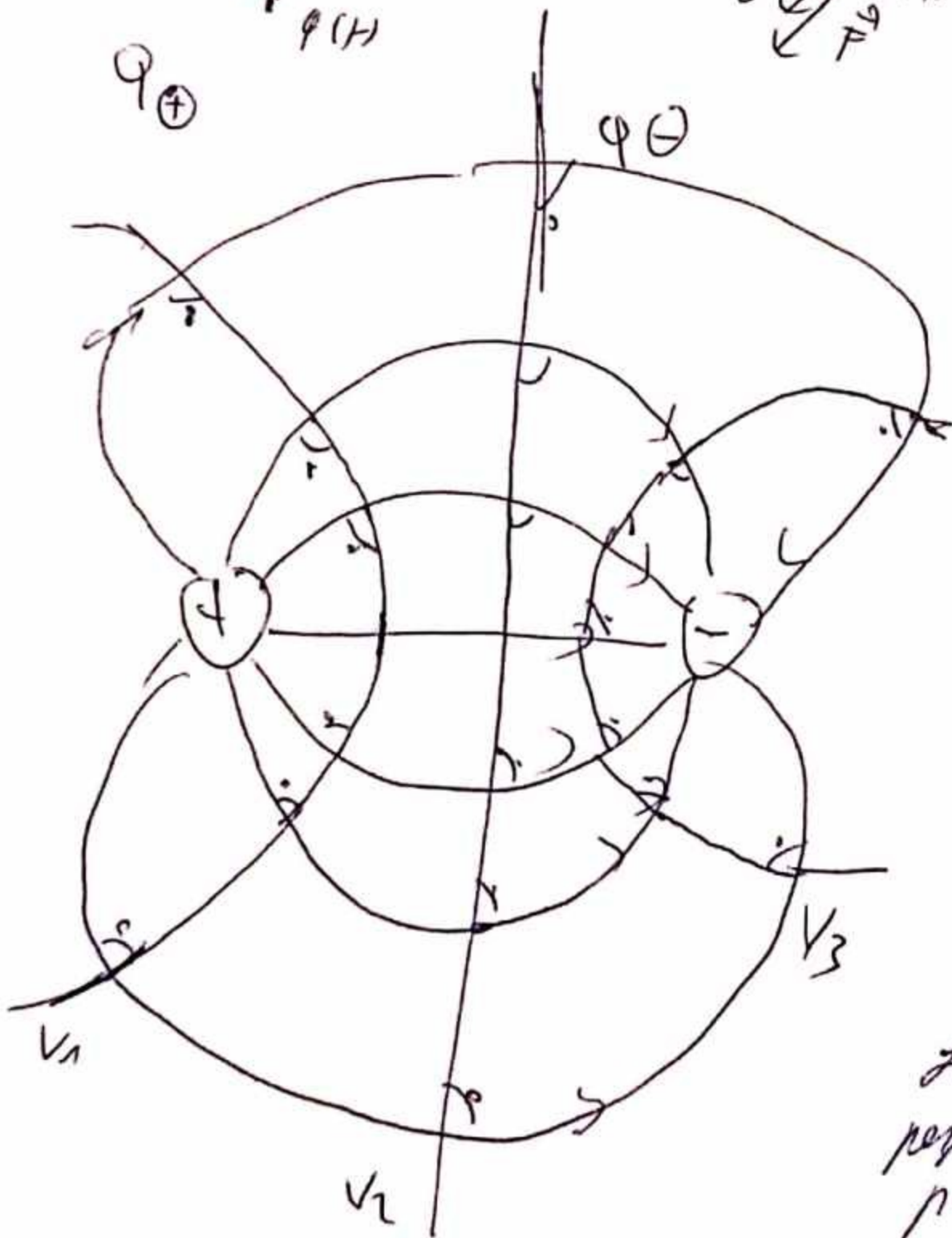
PARCIAL 1 GRUPO 2 (18/03/2019)

FÍSICA 2 (2018-2019)

CS Continuo

(c) Dibujo de l.d.c. y sup. equip. para dos cargas iguales y signo opuesto.

En líneas de campo salen de las cargas positivas por $\vec{F} = q \vec{E}$ y si q es positiva \vec{E} y \vec{F} tienen la misma dirección y sentido. En cambio entran en las negativas por la fuerza con atracción.



Cerca de una carga, como r es muy pequeño \vec{E} está prácticamente producido por ella ($|\vec{E}|$ es muy grande)



Para las líneas se curvan para salir de $Q(+)$ y entrar en la carga negativa, como vemos en el dibujo

Las sup. equipotenciales son perpendiculares en cualquier punto a las líneas de campo

$$\phi = 90^\circ$$

En figura una superficie respecto al plano medio que es también una sup. equip.

$$\text{Se cumple } q_1 > q_2 > q_3$$